

**УДК 691**

## **СТАТИСТИЧЕСКОЕ ИССЛЕДОВАНИЕ ПРОСТРАНСТВЕННОЙ ПОРОВОЙ СТРУКТУРЫ ТЕПЛОИЗОЛЯЦИОННЫХ КОМПОЗИТОВ**

**И.В.Довгань, В.Я.Керш, А.В.Колесников, С.В.Семенова**

*Одесская государственная академия строительства и архитектуры*

Одним из актуальных направлений строительного материаловедения, быстро развивающихся в настоящее время, является получение энергосберегающих материалов и изделий из них.

Анализ структуры и свойств таких материалов может быть проведен различными методами, некоторые из которых основываются на исследовании структурной организации материалов [1]. Понятие структурной организации охватывает все составляющие каждого пространственного уровня, одним из которых является макроструктура, формирующаяся структурой пор и межпоровых перегородок. При исследовании на этом масштабном уровне оказывается возможным рассмотреть на плоском препарате каким образом поры располагаются в пространстве.

Рассматриваемые структуры могут быть исследованы с помощью оптических методов – компьютерной микроскопии. Предложенная процедура, основанная на точечной аппроксимации рассматриваемых объектов, связана с главными предположениями:

1. Размеры исследуемых объектов малы, ими можно пренебречь и основываться на их отображении в виде отдельных точек.

2. Таких объектов в рассматриваемом препарате не слишком много, в противном случае начинает играть роль фактор упаковки и геометрией объекта пренебречь нельзя.

В качестве точечных объектов такого вида можно использовать: частицы составляющих композита, поры и минеральные новообразования, проявляемые специальной обработкой.

Процесс исследования таких структур в алгоритмизированном виде частично рассмотрен в [2]. Изучение статистических свойств пространственного распределения точечных объектов может быть проведено исходя из профиля восстановления плотности [3], который представляет собой гистограмму распределения пар пор или других точечных объектов по расстояниям между ними. Зависимости такого же вида могут быть получены при вычислении радиальной функции

распределения в теории жидкого состояния и аморфных тел.

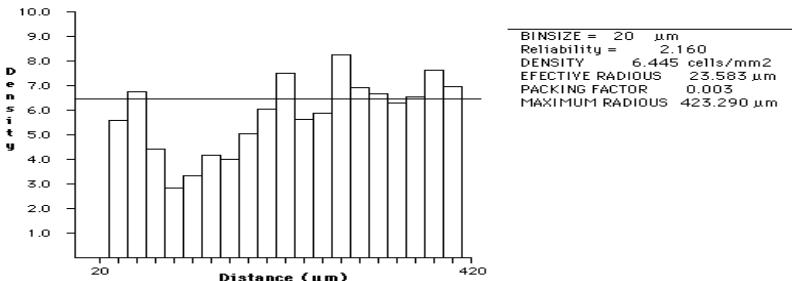


Рис.1. Пример профиля восстановления плотности

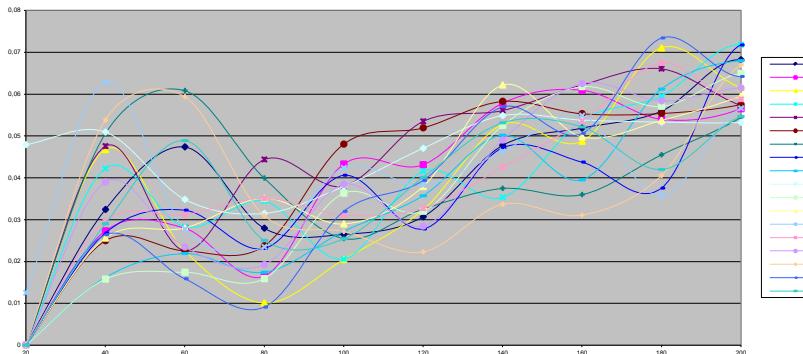


Рис.2. Сглаженный профиль восстановления плотности для пространственной структуры пор 18 образцов

Профиль восстановления плотности может служить основой для построения регрессионных моделей.

Наблюдаемое распределение удобно истолковать исходя из аналогии со строением жидкостей и аморфных тел. Для последних, в отличие от кристаллов, наблюдаются широкие максимумы радиальной функции распределения, соответствующие координационным сферам атомов и молекул или ионов. Здесь также оказывается возможным говорить о координационных сферах пор, соответствующих локальным максимумам полученной функции. Такие максимумы выражены в разной степени у различных образцов и приходятся на 40-80 мкм. У большинства образцов за исключением 4,8,11 корреляции с возрастанием расстояния убывают и наблюдается в основном лишь ближний порядок. Для небольшой группы упомянутых выше образцов периодическая составляющая сохраняет амплитуду, что свидетельствует о признаках дальнего порядка и квазикристаллического распределения

пор по объему. Качественное рассмотрение выявленных характеристик пространственного строения позволяет говорить о хорошо выраженных аналогиях с системами статистической физики, теории жидкостей и аморфных тел [4]. Привлечение таких аналогий, доведенных до количественных отношений, представляется чрезвычайно полезным для материаловедения. Кроме того, появление периодических структур можно рассматривать как один из признаков процессов самоорганизации. Для рассмотренных выше трех образцов следствия таких процессы выражены в большей степени, чем для остальных (где они также имеют место, особенно на малых расстояниях).

Профиль восстановления плотности может служить основой для построения регрессионных моделей. С этой целью статистическому исследованию подверглась пространственная зона радиуса 200 мкм, окружающая каждую пору. Соответствующее расстояние было разделено на 10 бинов гистограммы. Для каждого бина, исходя из профиля восстановления плотности, определялась доля пар пор, находящаяся в соответствующем диапазоне расстояний.

Полученные данные далее подвергались статистическому исследованию [5] – строились регрессионные зависимости эксплуатационных свойств от распределения межпоровых расстояний. Поскольку при первичном исследовании интерес представлял весь диапазон расстояний, рассматривались полные линейные регрессионные модели без отбора значимых членов. По результатам регрессионного моделирования были построены графики зависимости «наблюдаемая-предсказанная величина» для различных характеристик таких как, прочность на сжатие (рис.3), теплопроводность (рис.4) и т. д.

#### **Regression Analysis: Rc versus d20; d40; ...**

The regression equation is

$$Rc = 8,59 - 13,4 d20 - 16,0 d40 - 14,2 d60 - 14,4 d80 - 20,0 d100 - 46,8 d120 - 2,9 d140 + 20,2 d160 + 11,1 d180 - 76,2 d200$$

$$S = 0,2921 \quad R-Sq = 91,1\% \quad R-Sq(adj) = 78,5\%$$

#### Analysis of Variance

Source	DF	SS	MS	F	P
Regression	10	6,14259	0,61426	7,20	0,008
Residual Error	7	0,59746	0,08535		
Total	17	6,74005			

Plot of Rc

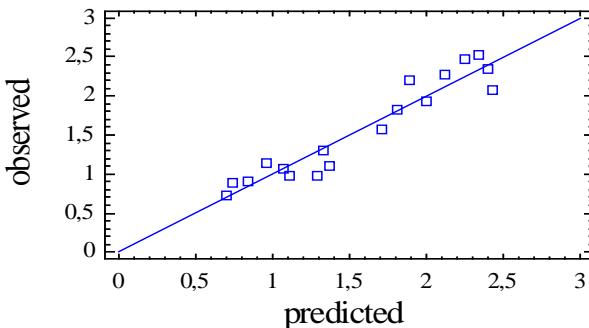


Рис.3. График зависимости «наблюданная-предсказанная величина» для прочности на сжатие

#### Regression Analysis: Lamb versus d20; d40; ...

The regression equation is

$$\begin{aligned} \text{Lamb} = & 0,382 - 0,351 \text{ d20} - 0,956 \text{ d40} - 0,272 \text{ d60} - 0,074 \\ & \text{d80} - 1,02 \text{ d100} - 0,981 \text{ d120} - 0,461 \text{ d140} + 0,725 \text{ d160} - \\ & 0,105 \text{ d180} - 2,58 \text{ d200} \end{aligned}$$

$$S = 0,01021 \quad R-\text{Sq} = 86,6\% \quad R-\text{Sq}(\text{adj}) = 67,4\%$$

Analysis of Variance

Source	D	SS	MS	F	P
Regression	10	0,0046987	0,0004699	4,51	0,029
Residual Error	7	0,0007291	0,0001042		
Total	17	0,0054278			
Total	17	0,0054278			

Plot of Lamb

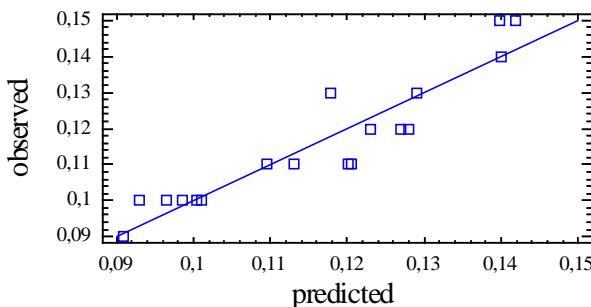


Рис.4. График зависимости «наблюданная-предсказанная величина» для теплопроводности

## ***Выводы***

Статистические характеристики приведенных регрессионных моделей, такие, как коэффициенты детерминации  $R^2$ , указывают на существенную взаимосвязь рассматриваемых структурных характеристик с различными эксплуатационными свойствами. Такие зависимости, особенно для плотности, теплопроводности и прочностных характеристик, можно использовать в качестве основы для экспресс-методов контроля соответствующих параметров.

### **Summary**

**The methods of studying the spatial pore structure of the thermal insulation composite with regression models were considered. The correlations of operational properties and the spatial characteristics of the materials were found.**

## ***Литература***

1. Керш В.Я., Колесников А.В., Керш Д. В. Методы структурной оптимизации теплоизоляционных композитов. Енергоефективність в будівництві та архітектурі. Науково – технічний збірник .- Київ, КНУБА, 2014, с. 123-127.
2. Статистическое исследование пространственной организации материалов методом квадратных сеток. Довгань И.В., Колесников А.В., Кириленко Г.А., Дмитренко М.П. Вестник ОГАСА №57.
3. Rodieck R. W. The density recovery profile: a method for the analysis of points in the plane applicable to retinal studies. Vis Neurosci, 1991, v. 6, 95–111 pp.
4. Скрышевский А. Ф. Структурный анализ жидкостей и аморфных тел. – М., «Высшая школа», 1980, 328 с.
5. Ляшенко Т. В. О математических моделях в строительном материаловедении, «Наука та будівництво», 2015, 1, с. 10-17.